

Nom : _____

Groupe : _____

Formatif : Probabilités conditionnelles et types d'événements

1. On lance un dé à 12 faces numérotées de 1 à 12. Voici différents événements.

- | | |
|---|--------------------------------------|
| A : obtenir un nombre impair | E : obtenir un diviseur de 12 |
| B : obtenir un multiple de 3 | F : obtenir un nombre premier |
| C : obtenir un nombre impair supérieur à 9 | G : obtenir un nombre composé |
| D : obtenir un nombre pair | |

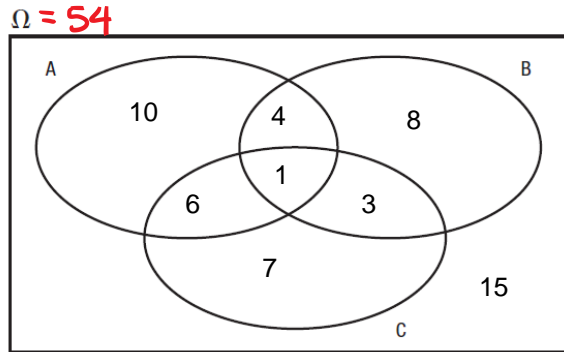
Cochez toutes les bonnes réponses : Les paires d'événements suivantes sont...

	mutuellement exclusifs	non mutuellement exclusifs	Complémentaires
A et B		X	
A et D	X		X
B et C	X		
B et E		X	
F et G	X		

1 pt par ligne

1/5

2. Soit le diagramme de Venn ci-dessous. Déterminez les probabilités suivantes.



1 pt par bonne réponse

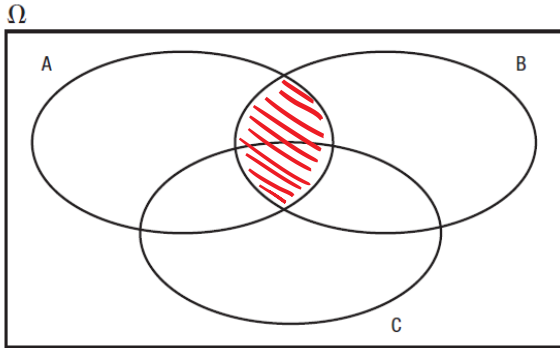
- a) $P(A) = \frac{21}{54} = \frac{7}{18}$
- b) $P(A \cap B) = \frac{5}{54}$
- c) $P(C) = \frac{17}{54}$
- d) $P(A|B) = \frac{5}{16}$
- e) $P(C') = \frac{37}{54}$

11

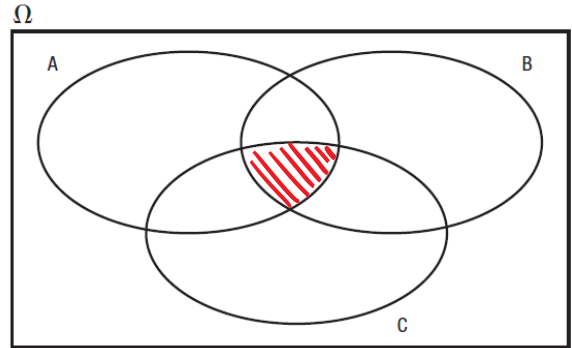
- f) $P(B \cup C') = \frac{41}{54}$
- g) $P(C'|A) = \frac{14}{21} = \frac{2}{3}$
- h) $P(\overline{A \cap B \cap C}) = \frac{53}{54}$
- i) $P(A \cap (B \cup C)) = \frac{11}{54}$
- j) $P((B \cup C)|A) = \frac{11}{21}$
- k) $P(C|(A \cap B)) = \frac{1}{5}$

3. Dans chaque cas, hachurez dans un diagramme de Venn la région associée à l'expression donnée.

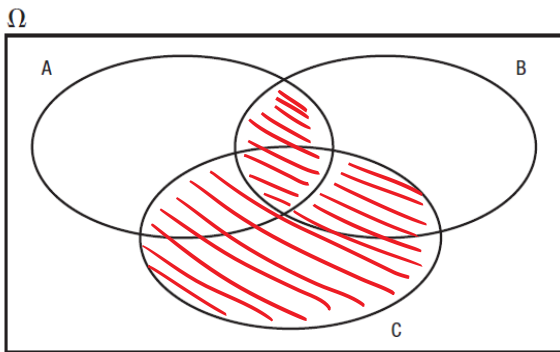
a) $A \cap B$



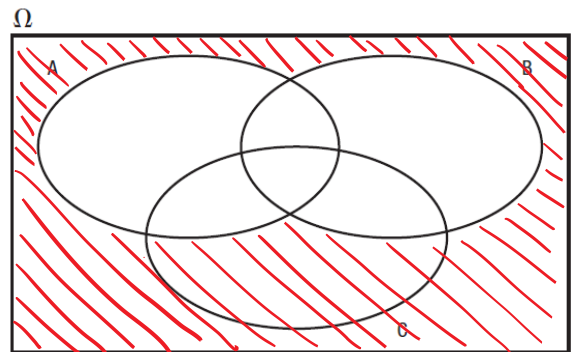
b) $A \cap B \cap C$



c) $(A \cap B) \cup C$



d) $A' \cap B'$



4. Une expérience consiste à tirer au hasard une carte dans un jeu de 52 cartes. Voici 4 événements possibles :

A : obtenir une figure

B : obtenir un roi

C : obtenir une carte rouge

D : obtenir une carte de cœur

Calculez :

a) $P(B|A) = \frac{4}{12} = \frac{1}{3}$

b) $P(B|(A \cap C)) = \frac{2}{6} = \frac{1}{3}$

c) $P((A \cap D)|C) = \frac{3}{26}$

d) $P(D|C) = \frac{13}{26} = \frac{1}{2}$

e) $P((A \cup D) \cap B) = \frac{4}{52} = \frac{1}{13}$

1 pt par diagramme

4

1 pt par réponse

5

Valises des passagers

Couleur \ Fini	Uni	À motifs	Total
Noire	48	4	52
Bleue	37	7	44
Autre	20	16	36
Total	105	27	132

5. Dans un avion, 132 passagers possèdent chacun une valise. Le tableau fournit des renseignements sur certaines d'entre elles. Si on choisit au hasard une valise parmi les valises de tous les passagers, quelle est la probabilité d'obtenir:

- a) une valise bleue sachant qu'elle a des motifs ? $\frac{7}{27}$
- b) une valise unie sachant qu'elle est noire ? $\frac{48}{52} = \frac{12}{13}$
- c) une valise noire à motifs ? $\frac{4}{132} = \frac{1}{33}$
- d) une valise bleue sachant qu'elle est unie ? $\frac{37}{105}$
- e) une valise qui n'est pas bleue ? $\frac{88}{132} = \frac{2}{3}$
- f) une valise qui n'est pas noire ou qui n'est pas à motifs ? $\frac{128}{132} = \frac{32}{33}$
- g) une valise unie ou à motifs ? 1
- h) une valise noire et bleue ? 0

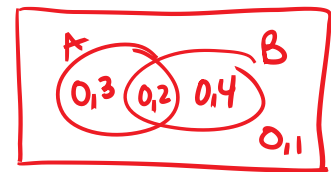
6. Sachant que $P(A) = 0,5$, $P(B) = 0,6$ et $P(A \cup B) = 0,9$, calculez :

- a) $P(A \cap B) = \underline{0,2}$
- b) $P(\bar{A}) = \underline{0,5}$
- c) $P(\bar{A} \cap B) = \underline{0,4}$
- d) $P(\overline{A \cup B}) = \underline{0,1}$
- e) $P(\overline{A \cap B}) = \underline{0,8}$

$$P(A \cup B) = P(A) + P(B) - P(A \cap B)$$

$$0,9 = 0,5 + 0,6 - P(A \cap B)$$

$$P(A \cap B) = 0,2$$



1 pt pour le tableau

1 pt par réponse

9

5

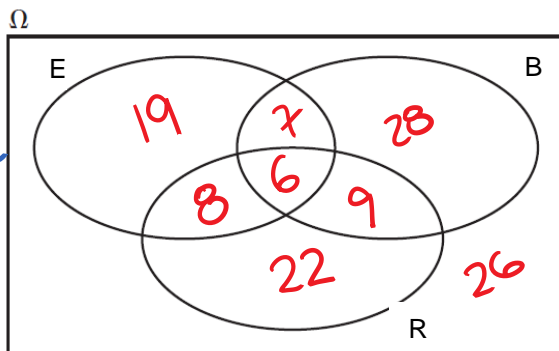
Programme local...

7. Dans un sondage effectué auprès de 125 élèves d'une école secondaire concernant les emplois qu'ils avaient déjà occupés, on a dénombré :

- ~~14~~ élèves qui avaient déjà travaillé dans une épicerie(E) et dans un restaurant(R);
- 77 élèves qui avaient déjà travaillé dans une épicerie ou dans une boutique(B);
- ~~40~~ élèves qui avaient déjà travaillé dans une épicerie;
- ~~50~~ élèves qui avaient déjà travaillé dans une boutique;
- ~~45~~ élèves qui avaient déjà travaillé dans un restaurant;
- ~~6~~ élèves qui avaient déjà travaillé dans les trois endroits;
- 80 élèves qui avaient déjà travaillé dans une boutique ou un restaurant.

a) Complète le diagramme de Venn représentant la situation.

4 pts
diagramme



$$\begin{aligned} 40 &= a+b+14 \\ 26 &= a+b \\ 26 &= 19+b \\ 7 &= b \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} 77 &= a+b+c+d+14 \\ 63 &= a+b+c+d \\ 63 &= a+44 \\ 19 &= a \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} 50 &= b+c+d+6 \\ 44 &= b+c+d \\ 44 &= 7+c+9 \\ 28 &= c \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} 80 &= b+c+d+e+14 \\ 66 &= b+c+d+e \\ 66 &= 44+e \\ 22 &= e \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} 45 &= d+e+14 \\ 31 &= d+e \\ 31 &= d+22 \\ 9 &= d \end{aligned}$$

b) On choisit au hasard un élève. Quelle est la probabilité :

1 pt
par
réponse

i.	qu'il ait déjà travaillé dans une épicerie?	$\frac{40}{125} =$	$\frac{8}{25}$
ii.	qu'il ait déjà travaillé dans une boutique sachant qu'il a déjà travaillé dans un restaurant?	$\frac{15}{45}$	$\frac{1}{3}$
iii.	qu'il ait déjà travaillé dans un restaurant sachant qu'il n'a jamais travaillé dans une épicerie?	$\frac{31}{85}$	$\frac{31}{85}$
iv.	qu'il n'ait jamais travaillé dans une boutique sachant qu'il a déjà travaillé dans une épicerie ou un restaurant?	$\frac{49}{71}$	$\frac{49}{71}$
v.	qu'il n'ait jamais travaillé dans un de ces endroits?		$\frac{26}{125}$

1/5